

AULA e04

Algoritmos e Estruturas de Dados I

Múltiplas Pilhas - implementação estática

Luciano Antonio Digiampietri

Já vimos como gerenciar duas pilhas em um único arranjo

Já vimos como gerenciar duas pilhas em um único arranjo

E se precisarmos organizar nossas informações em mais do que dois grupos?

**Gerenciaremos múltiplas pilhas
dentro de um único arranjo**

Gerenciaremos múltiplas pilhas dentro de um único arranjo

Precisaremos controlar o índice da base e do topo de cada uma das pilhas

Estrutura PILHAMULTIPLA

Estrutura PILHAMULTIPLA

```
#define true 1
#define false 0
#define ERRO -1
#define MAX 8
#define NP 4

typedef int TIPOCHAVE;

typedef int bool;

typedef struct {
    TIPOCHAVE A[MAX];
    int base[NP+1];
    int topo[NP+1];
} PILHAMULTIPLA;
```


Inicialização da estrutura

Inicialização da estrutura

Para a inicialização precisaremos acertar os valores de todas as *variáveis de controle*

Inicialização da estrutura

Para a inicialização precisaremos acertar os valores de todas as *variáveis de controle*

Inicialmente, dividiremos o espaço de maneira igual entre todas as pilhas

Inicialização da estrutura

Para a inicialização precisaremos acertar os valores de todas as *variáveis de controle*

Inicialmente, dividiremos o espaço de maneira igual entre todas as pilhas

Assim como em nossas outras implementações estáticas de pilhas, o valor do topo iniciará anterior à base

Inicialização da estrutura

```
void inicializarPilhaMultipla(PILHAMULTIPLA* p){  
    int i;  
    for(i = 0; i <= NP ; i++){  
  
    }  
}
```

3408



Inicialização da estrutura

```
void inicializarPilhaMultipla(PILHAMULTIPLA* p){
    int i;
    for(i = 0; i <= NP ; i++){
        p->base[i] = (i * (MAX / NP));
        p->topo[i] = p->base[i] - 1;
    }
}
```

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|---|---|---|--|--|--|
| A | | | | | | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 1 | 3 | 5 | 7 | | | |

Inicialização da estrutura

```
void inicializarPilhaMultipla(PILHAMULTIPLA* p){
    int i;
    for(i = 0; i <= NP ; i++){
        p->base[i] = (i * (MAX / NP));
        p->topo[i] = p->base[i] - 1;
    }
}
```

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|---|---|---|--|--|
| A | | | | | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 1 | 3 | 5 | 7 | | |

Número de elementos de uma pilha

Número de elementos de uma pilha

```
int tamanhoPilhaK(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
  
}
```

Número de elementos de uma pilha

```
int tamanhoPilhaK(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return ERRO;  
    return p->topo[k] - p->base[k] + 1;  
}
```

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|---|---|---|--|--|--|
| A | | | | | | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 1 | 3 | 5 | 7 | | | |

Número total de elementos

Número total de elementos

```
int tamanhoTotalPilhas(PILHAMULTIPLA* p) {  
    int tamanho = 0;  
  
    return tamanho;  
}
```

Número total de elementos

```
int tamanhoTotalPilhas(PILHAMULTIPLA* p) {  
    int tamanho = 0;  
    int i;  
    for (i=0;i<NP;i++) tamanho += tamanhoPilhaK(p,i);  
    return tamanho;  
}
```

Verificando se uma pilha está *cheia*

Verificando se uma pilha está *cheia*

```
bool pilhaKcheia(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
  
}
```

Verificando se uma pilha está *cheia*

```
bool pilhaKcheia(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if(p->topo[k] == p->base[k + 1] - 1) return true;  
    else return false;  
}
```

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|---|---|---|--|--|
| A | | | | | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 1 | 3 | 5 | 7 | | |

Verificando se uma pilha está *cheia*

```
bool pilhaKcheia(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if(p->topo[k] == p->base[k + 1] - 1) return true;  
    else return false;  
}
```

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 4 | 5 | 7 | | | |

Para $k = 1$

Verificando se uma pilha está *cheia*

```
bool pilhaKcheia(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if(p->topo[k] == p->base[k + 1] - 1) return true;  
    else return false;  
}
```

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 4 | 5 | 7 | | | |

Para $k = 1$

Exclusão de um elemento

Exclusão de um elemento

O usuário indicará de qual pilha deseja excluir

Exclusão de um elemento

O usuário indicará de qual pilha deseja excluir

Se a pilha não estiver vazia, o elemento do topo será copiado para o endereço de memória passado pelo usuário e então *excluído* da estrutura

Exclusão

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){  
  
    return false;  
}
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
  
    return false;  
}
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if(p->topo[k] >= p->base[k]) {

    }
    return false;
}
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if(p->topo[k] >= p->base[k]) {
        *ch = p->A[p->topo[k]];
        p->topo[k]--;
        return true;
    }
    return false;
}
```

Exclusão

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 4 | 5 | 7 | | | |

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | |
| 2230 | res | |

```
int main(){
    PILHAMULTIPLA* pm;
    . . .
    TIPOCHAVE chave;
    bool res
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){  
  
    return false;  
}
```

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 4 | 4 | 5 | 7 | | |

popK

| | | |
|------|----|------|
| 4400 | p | 3408 |
| 4408 | ch | 2222 |
| 4416 | k | 1 |

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | |
| 2230 | res | |

```
int main(){  
    PILHAMULTIPLA* pm;  
    . . .  
    TIPOCHAVE chave;  
    bool res = popK(pm, &chave, 1);
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
  
    return false;  
}
```

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 4 | 4 | 5 | 7 | | |

popK

| | | |
|------|----|------|
| 4400 | p | 3408 |
| 4408 | ch | 2222 |
| 4416 | k | 1 |

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | |
| 2230 | res | |

```
int main(){  
    PILHAMULTIPLA* pm;  
    . . .  
    TIPOCHAVE chave;  
    bool res = popK(pm, &chave, 1);
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if(p->topo[k] >= p->base[k]) {

    }
    return false;
}
```

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 4 | 4 | 5 | 7 | | |

popK

| | | |
|------|----|------|
| 4400 | p | 3408 |
| 4408 | ch | 2222 |
| 4416 | k | 1 |

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | |
| 2230 | res | |

```
int main(){
    PILHAMULTIPLA* pm;
    . . .
    TIPOCHAVE chave;
    bool res = popK(pm, &chave, 1);
}
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if(p->topo[k] >= p->base[k]) {
        *ch = p->A[p->topo[k]];
    }
    return false;
}
```

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 4 | 4 | 5 | 7 | | |

popK

| | | |
|------|----|------|
| 4400 | p | 3408 |
| 4408 | ch | 2222 |
| 4416 | k | 1 |

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | 23 |
| 2230 | res | |

```
int main(){
    PILHAMULTIPLA* pm;
    . . .
    TIPOCHAVE chave;
    bool res = popK(pm, &chave, 1);
}
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if(p->topo[k] >= p->base[k]) {
        *ch = p->A[p->topo[k]];
        p->topo[k]--;
    }
    return false;
}
```

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|---------------|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

popK

| | | |
|------|----|------|
| 4400 | p | 3408 |
| 4408 | ch | 2222 |
| 4416 | k | 1 |

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | 23 |
| 2230 | res | |

```
int main(){
    PILHAMULTIPLA* pm;
    . . .
    TIPOCHAVE chave;
    bool res = popK(pm, &chave, 1);
}
```

Exclusão

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if(p->topo[k] >= p->base[k]) {
        *ch = p->A[p->topo[k]];
        p->topo[k]--;
        return true;
    }
    return false;
}
```

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|---------------|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

popK

| | | |
|------|----|------|
| 4400 | p | 3408 |
| 4408 | ch | 2222 |
| 4416 | k | 1 |

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | 23 |
| 2230 | res | |

```
int main(){
    PILHAMULTIPLA* pm;
    . . .
    TIPOCHAVE chave;
    bool res = popK(pm, &chave, 1);
}
```

Exclusão

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|---------------|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

```
bool popK(PILHAMULTIPLA* p, TIPOCHAVE* ch, int k){
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if(p->topo[k] >= p->base[k]) {
        *ch = p->A[p->topo[k]];
        p->topo[k]--;
        return true;
    }
    return false;
}
```

main

| | | |
|------|-------|------|
| 2214 | pm | 3408 |
| 2222 | chave | 23 |
| 2230 | res | true |

```
int main(){
    PILHAMULTIPLA* pm;
    . . .
    TIPOCHAVE chave;
    bool res = popK(pm, &chave, 1);
}
```

Inserção

Inserção

A inserção ocorre *no topo* de uma pilha (após o elemento que está no topo)

Inserção

A inserção ocorre *no topo* de uma pilha (após o elemento que está no topo)

Porém, pode ser que a pilha atual já esteja *cheia*

Inserção

A inserção ocorre *no topo* de uma pilha (após o elemento que está no topo)

Porém, pode ser que a pilha atual já esteja *cheia*

Neste caso procuraremos espaços livre à direita ou à esquerda da pilha atual (**deslocando as demais pilhas** para liberação do espaço)

Deslocando uma pilha para a direita

```
bool paraDireita(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
```

Para $k = 2$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

```
    return false;  
}
```

Deslocando uma pilha para a direita

```
bool paraDireita(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
```

Para $k = 2$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

```
    return false;  
}
```

Deslocando uma pilha para a direita

```
bool paraDireita(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(p->topo[k] < p->base[k + 1] - 1){
        }
    return false;
}
```

Para $k = 2$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

Deslocando uma pilha para a direita

```
bool paraDireita(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(p->topo[k] < p->base[k + 1] - 1){
        for(i = p->topo[k]; i >= p->base[k]; i--)
            p->A[i+1] = p->A[i];
    }
    return false;
}
```

Para $k = 2$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

Deslocando uma pilha para a direita

```
bool paraDireita(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(p->topo[k] < p->base[k + 1] - 1){
        for(i = p->topo[k]; i >= p->base[k]; i--)
            p->A[i+1] = p->A[i];
    }
    return false;
}
```

Para $k = 2$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

Deslocando uma pilha para a direita

```
bool paraDireita(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
    int i;  
    if(p->topo[k] < p->base[k + 1] - 1){  
        for(i = p->topo[k]; i >= p->base[k]; i--)  
            p->A[i+1] = p->A[i];  
        p->topo[k]++;  
        p->base[k]++;  
        return true;  
    }  
    return false;  
}
```

Para $k = 2$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 4 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 4 | 5 | 7 | | | |

Deslocando uma pilha para a direita

```
bool paraDireita(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(p->topo[k] < p->base[k + 1] - 1){
        for(i = p->topo[k]; i >= p->base[k]; i--){
            p->A[i+1] = p->A[i];
        }
        p->topo[k]++;
        p->base[k]++;
        return true;
    }
    return false;
}
```

Para k = 2

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | | | |

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
```

Para $k = 1$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|---|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | | | |

```
    return false;
```

```
}
```

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
```

Para $k = 1$

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | | |

```
    return false;  
}
```

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
    int i;  
    if(p->topo[k-1] < p->base[k] - 1){  
  
    }  
    return false;  
}
```

Para $k = 1$

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | | |

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
    int i;  
    if(p->topo[k-1] < p->base[k] - 1){  
        for(i = p->base[k]; i <= p->topo[k]; i++)  
            p->A[i-1] = p->A[i];  
    }  
    return false;  
}
```

Para k = 1

3408

| | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | | |

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
    int i;  
    if(p->topo[k-1] < p->base[k] - 1){  
        for(i = p->base[k]; i <= p->topo[k]; i++)  
            p->A[i-1] = p->A[i];  
    }  
    return false;  
}
```

Para $k = 1$

3408

| | | | | | | |
|------|----|----|----|----|---|--|
| A | 21 | 21 | 15 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | |

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
    int i;  
    if(p->topo[k-1] < p->base[k] - 1){  
        for(i = p->base[k]; i <= p->topo[k]; i++)  
            p->A[i-1] = p->A[i];  
    }  
    return false;  
}
```

Para k = 1

3408

| | | | | | | |
|------|----|----|----|----|---|--|
| A | 21 | 15 | 15 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | |

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(p->topo[k-1] < p->base[k] - 1){
        for(i = p->base[k]; i <= p->topo[k]; i++)
            p->A[i-1] = p->A[i];
        p->topo[k]--;
        p->base[k]--;
        return true;
    }
    return false;
}
```

Para $k = 1$

3408

| | | | | | | |
|------|----|----|----|----|---|--|
| A | 21 | 15 | 15 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | |
| topo | -1 | 3 | 5 | 5 | 7 | |

Deslocando uma pilha para a esquerda

```
bool paraEsquerda(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
    int i;  
    if(p->topo[k-1] < p->base[k] - 1){  
        for(i = p->base[k]; i <= p->topo[k]; i++)  
            p->A[i-1] = p->A[i];  
        p->topo[k]--;  
        p->base[k]--;  
        return true;  
    }  
    return false;  
}
```

Para k = 1

3408

| | | | | | | |
|------|----|----|----|----|---|--|
| A | 21 | 15 | 46 | 44 | | |
| base | 0 | 1 | 5 | 6 | 8 | |
| topo | -1 | 2 | 5 | 5 | 7 | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 5 | 5 | 7 | | | |

```
}
```

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 5 | 5 | 7 | | | |

```
}
```

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    int j;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
  
    }  
  
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 5 | 5 | 7 | | | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    int j;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        for(j = NP-1; j > k; j--) paraDireita(p, j);  
    }  
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 6 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 5 | 5 | 7 | | | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    int j;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        for(j = NP-1; j > k; j--) paraDireita(p, j);  
    }  
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|--|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | 44 | | |
| base | 0 | 2 | 5 | 7 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 5 | 6 | 7 | | | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    int j;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        for(j = NP-1; j > k; j--) paraDireita(p, j);  
    }  
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|----|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | 44 | |
| base | 0 | 2 | 6 | 7 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 6 | 6 | 7 | | | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    int j;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        for(j = NP-1; j > k; j--) paraDireita(p, j);  
        if(pilhaKcheia(p, k)){  
            for( j = 1; j <= k; j++) paraEsquerda(p, j);  
        }  
    }  
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|----|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | 44 | |
| base | 0 | 2 | 6 | 7 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 6 | 6 | 7 | | | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    int j;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        for(j = NP-1; j > k; j--) paraDireita(p, j);  
        if(pilhaKcheia(p, k)){  
            for( j = 1; j <= k; j++) paraEsquerda(p, j);  
            if(pilhaKcheia(p, k)) return false;  
        }  
    }  
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|----|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | 44 | |
| base | 0 | 2 | 6 | 7 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 6 | 6 | 7 | | | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    int j;
    if (pilhaKcheia(p,k)){
        for(j = NP-1; j > k; j--) paraDireita(p, j);
        if(pilhaKcheia(p, k)){
            for( j = 1; j <= k; j++) paraEsquerda(p, j);
            if(pilhaKcheia(p, k)) return false;
        }
    }
    p->topo[k]++;
    p->A[p->topo[k]] = ch;
    return true;
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|--|----|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | | 44 | |
| base | 0 | 2 | 6 | 7 | 8 | | | |
| topo | -1 | 4 | 6 | 6 | 7 | | | |

Inserção

```
bool pushK(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    int j;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        for(j = NP-1; j > k; j--) paraDireita(p, j);  
        if(pilhaKcheia(p, k)){  
            for( j = 1; j <= k; j++) paraEsquerda(p, j);  
            if(pilhaKcheia(p, k)) return false;  
        }  
    }  
    p->topo[k]++;  
    p->A[p->topo[k]] = ch;  
    return true;  
}
```

Para $k = 1$ e $ch = 11$

3408

| | | | | | | | | |
|------|----|---|----|----|----|----|----|--|
| A | | | 21 | 15 | 23 | 11 | 44 | |
| base | 0 | 2 | 6 | 7 | 8 | | | |
| topo | -1 | 5 | 6 | 6 | 7 | | | |

Inserção (versão recursiva)

Inserção (versão recursiva)

A inserção ocorre *no topo* de uma pilha (após o elemento que está no topo)

Porém, pode ser que a pilha atual já esteja *cheia*

Neste caso procuraremos espaços livre à direita ou à esquerda da pilha atual (**deslocando as pilhas necessárias** para liberação do espaço)

Deslocando recursivamente para a direita

```
bool paraDireitaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
```

```
    return false;  
}
```

Deslocando recursivamente para a direita

```
bool paraDireitaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
  
    return false;  
}
```

Deslocando recursivamente para a direita

```
bool paraDireitaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(!pilhaKcheia(p, k) || paraDireitaRec(p,k+1)){

    }
    return false;
}
```

Deslocando recursivamente para a direita

```
bool paraDireitaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(!pilhaKcheia(p, k) || paraDireitaRec(p,k+1)){
        for(i = p->topo[k]; i >= p->base[k]; i--) p->A[i+1] = p->A[i];
        p->topo[k]++;
        p->base[k]++;
        return true;
    }
    return false;
}
```

Deslocando recursivamente para a esquerda

```
bool paraEsquerdaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
```

```
    return false;  
}
```

Deslocando recursivamente para a esquerda

```
bool paraEsquerdaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
  
    return false;  
}
```

Deslocando recursivamente para a esquerda

```
bool paraEsquerdaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;  
    int i;  
    if(!pilhaKcheia(p, k-1) || paraEsquerdaRec(p,k-1)){  
  
  
    }  
    return false;  
}
```

Deslocando recursivamente para a esquerda

```
bool paraEsquerdaRec(PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if( (k < 1) || (k > NP-1) ) return false;
    int i;
    if(!pilhaKcheia(p, k-1) || paraEsquerdaRec(p,k-1)){
        for(i = p->base[k]; i <= p->topo[k]; i++) p->A[i-1] = p->A[i];
        p->topo[k]--;
        p->base[k]--;
        return true;
    }
    return false;
}
```

Inserção (segunda versão)

```
bool pushK2(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {
```

Inserção (segunda versão)

```
bool pushK2(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;
```


Inserção (segunda versão)

```
bool pushK2(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        if (!paraDireitaRec(p, k+1)){  
  
        }  
  
    }  
  
}
```

Inserção (segunda versão)

```
bool pushK2(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {  
    if (k<0 || k>=NP) return false;  
    if (pilhaKcheia(p,k)){  
        if (!paraDireitaRec(p, k+1)){  
            if (!paraEsquerdaRec(p, k)) return false;  
        }  
    }  
  
}
```

Inserção (segunda versão)

```
bool pushK2(TIPOCHAVE ch, PILHAMULTIPLA* p, int k) {
    if (k<0 || k>=NP) return false;
    if (pilhaKcheia(p,k)){
        if (!paraDireitaRec(p, k+1)){
            if (!paraEsquerdaRec(p, k)) return false;
        }
    }
    p->topo[k]++;
    p->A[p->topo[k]] = ch;
    return true;
}
```

AULA e04

Algoritmos e Estruturas de Dados I

Múltiplas Pilhas - implementação estática

Luciano Antonio Digiampietri