

# Algoritmos e Estruturas de Dados II

## Aula 21 – Alocação Indexada

Prof. Luciano A. Digiampietri  
digiampietri@usp.br  
@digiampietri

2025

# Alocação de Blocos na Memória Secundária

- Organização Interna de Arquivos
- Acesso à Memória por Blocos (*seeks*)
- Estratégias de alocação de blocos no disco e organização de registros pelos blocos devem considerar esse fato:
  - Sequencial não ordenado (*heap files*)
  - Sequencial ordenado (*sorted files*)
  - Por listas ligadas (ordenação pelas chaves)
  - Indexada
  - Árvores B / B+
  - *Hashing*

# Alocação Indexada

- Lista ligada (**assunto da última aula**) aproveita espaço (resolve fragmentação externa), mas leitura aleatória fica horrível (sem tabela de alocação)

# Alocação Indexada

- Lista ligada (**assunto da última aula**) aproveita espaço (resolve fragmentação externa), mas leitura aleatória fica horrível (sem tabela de alocação)
- Tabela de alocação acelera a leitura aleatória mas gasta muita memória

# Alocação Indexada

- Lista ligada (**assunto da última aula**) aproveita espaço (resolve fragmentação externa), mas leitura aleatória fica horrível (sem tabela de alocação)
- Tabela de alocação acelera a leitura aleatória mas gasta muita memória
- Como diminuir esse último problema?

# Alocação Indexada

- Lista ligada (**assunto da última aula**) aproveita espaço (resolve fragmentação externa), mas leitura aleatória fica horrível (sem tabela de alocação)
- Tabela de alocação acelera a leitura aleatória mas gasta muita memória
- Como diminuir esse último problema?
- Por que manter em memória as informações de arquivos que não foram abertos? Que tal “uma tabela” por arquivo?

# Alocação Indexada

## Alocação Indexada:

- Um ou mais blocos de índices contém ponteiros para os blocos de fato
- Blocos de índices são como uma tabela de alocação específica daquele arquivo
  - $i$ -ésima entrada do primeiro bloco de índice contém o número do  $i$ -ésimo bloco de dado do arquivo
- Blocos de índice carregados na memória sob demanda (assim como arquivos de dados)

# Alocação Indexada

- Cada arquivo é uma lista ligada de blocos

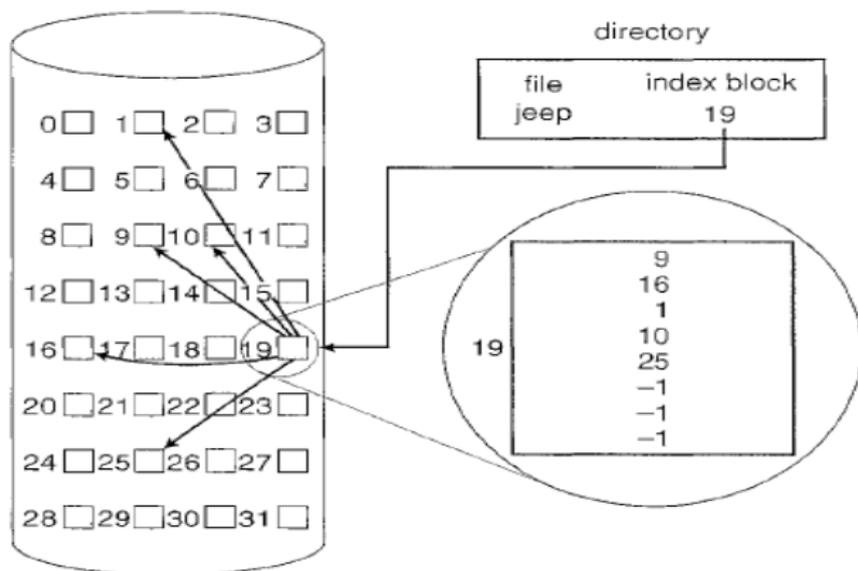
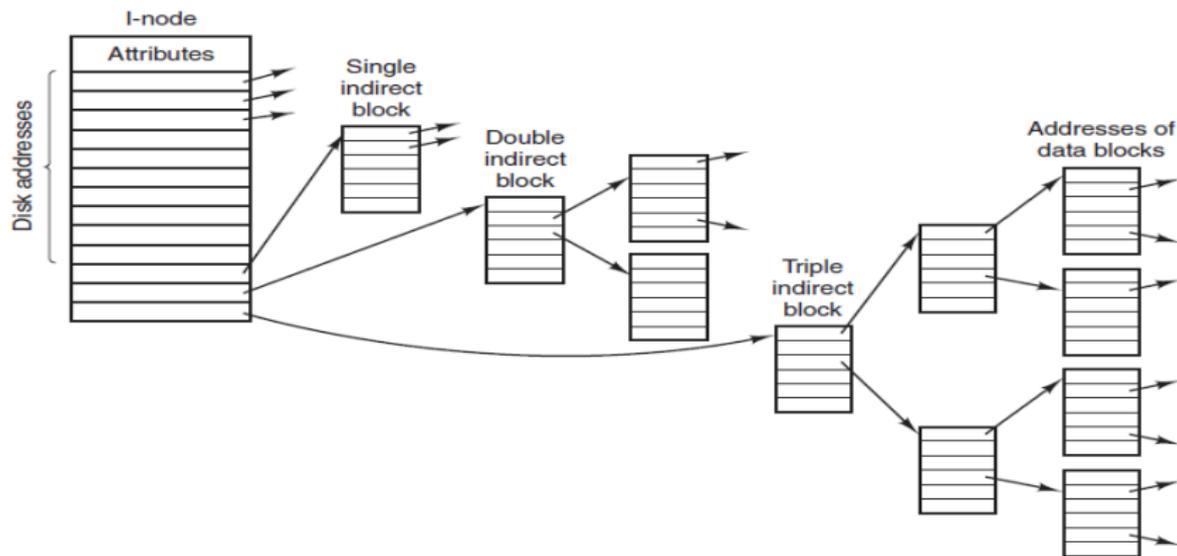


Figure 11.8 Indexed allocation of disk space.

(SILBERCHATZ et al, 2009)

# Alocação Indexada



(TANEMBAUM, 2015)

É capaz de lidar com arquivos gigantes.

# Leitura Complementar

- Mais detalhes sobre o sistema de arquivos do Linux e Windows: cap 4, 10 e 11 do livro do Tanenbaum (referência no último slide)

Índices podem ser utilizados para:

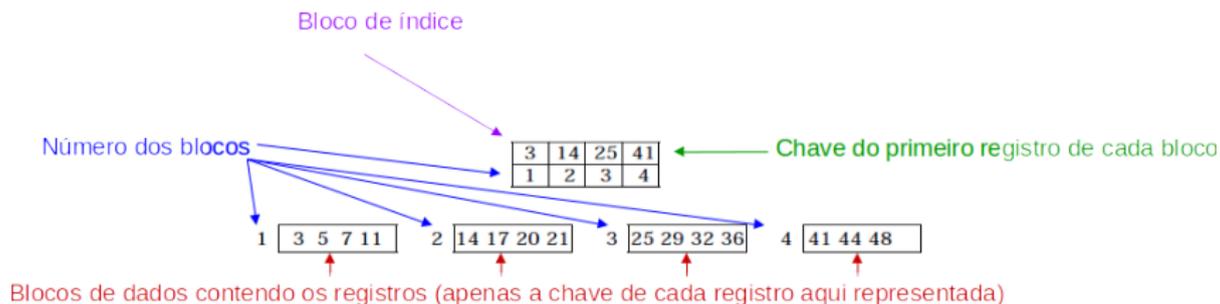
- Organização física dos arquivos
- Estruturar caminhos secundários de acesso aos dados, de forma a acelerar buscas

Índices podem ser utilizados para:

- Organização física dos arquivos
- Estruturar caminhos secundários de acesso aos dados, de forma a acelerar buscas

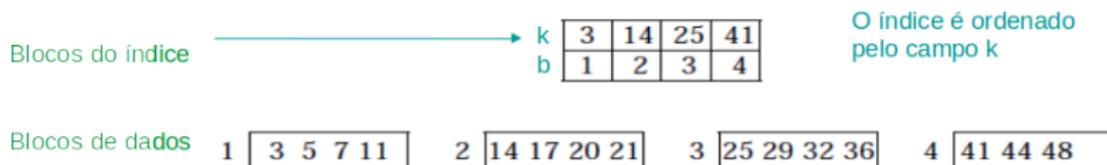
# Alocação Indexada - Arquivos Ordenados

- Os blocos de índices possuem, além dos ponteiros para os blocos de dados, a chave do primeiro registro de cada bloco de dado



# Alocação Indexada - Arquivos Ordenados

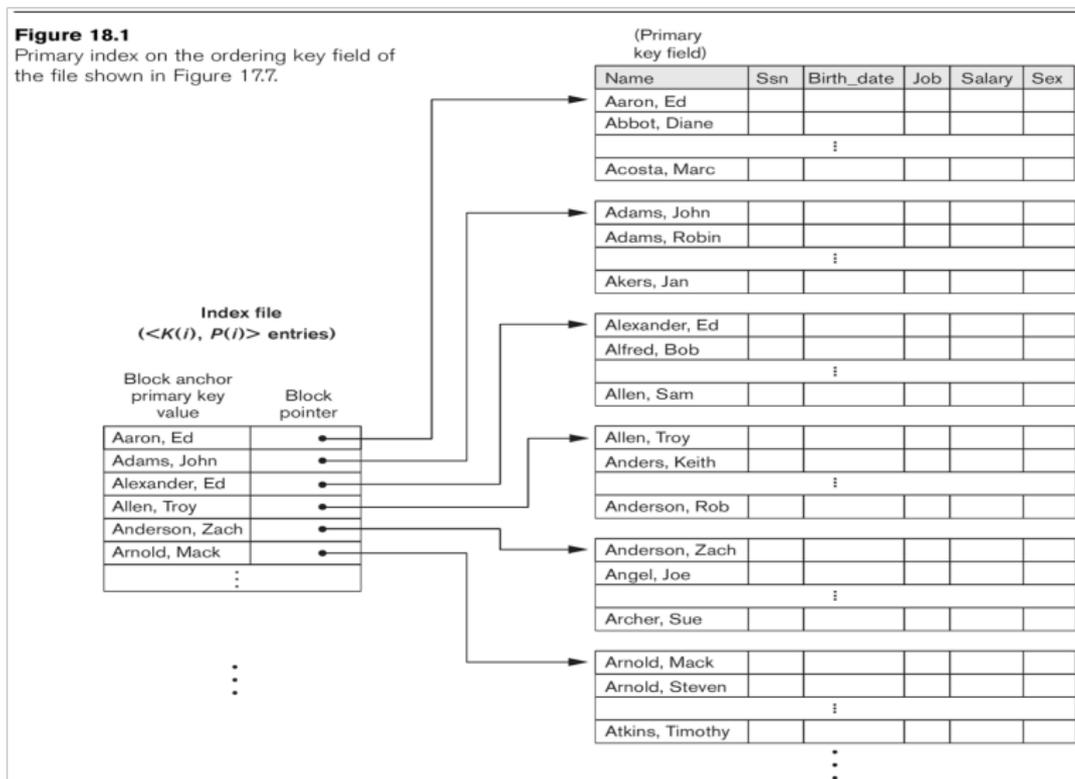
- Índice primário: arquivo ORDENADO de registros de tamanho fixo contendo os campos  $\langle k, b \rangle$ , sendo  $k$  a chave (primária) do primeiro registro (âncora) do bloco  $b$



# Alocação Indexada - Arquivos Ordenados

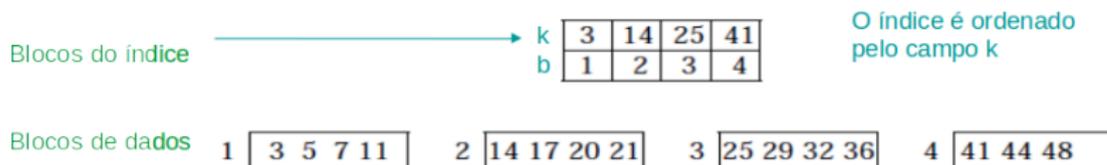
**Figure 18.1**

Primary index on the ordering key field of the file shown in Figure 17.7.



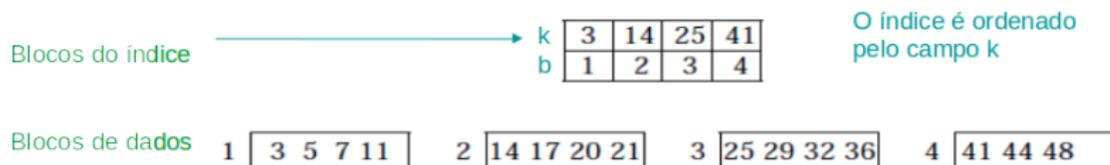
# Alocação Indexada - Arquivos Ordenados

- Índice primário: arquivo ORDENADO de registros de tamanho fixo contendo os campos  $\langle k, b \rangle$ , sendo  $k$  a chave (primária) do primeiro registro (âncora) do bloco  $b$



# Alocação Indexada - Arquivos Ordenados

- Índice primário: arquivo ORDENADO de registros de tamanho fixo contendo os campos  $\langle k, b \rangle$ , sendo  $k$  a chave (primária) do primeiro registro (âncora) do bloco  $b$

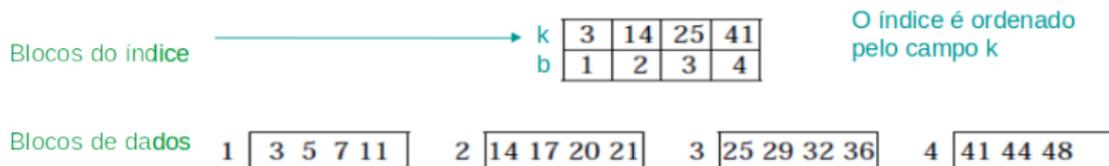


- Qual a Vantagem?**

- Índice tem  $b_i$  blocos, sendo  $b_i \ll B$  ( $B =$  número de blocos de dados, no exemplo acima,  $b_i = 1$  e  $B = 4$ )  
Busca Binária no índice é muito mais rápida:  $O(\log(b_i))$

# Alocação Indexada - Arquivos Ordenados

- Índice primário: arquivo ORDENADO de registros de tamanho fixo contendo os campos  $\langle k, b \rangle$ , sendo  $k$  a chave (primária) do primeiro registro (âncora) do bloco  $b$



- **Observação:**

- Este é um índice esparsos
- Se fosse denso, haveria uma entrada por registro

## Inserção / Remoção

- Potencialmente altera a posição em disco de vários registros:  $O(b + bi) = O(b)$ 
  - Altera âncora de vários blocos
  - Altera várias entradas do índice primário

## Inserção / Remoção

- Potencialmente altera a posição em disco de vários registros:  $O(b + bi) = O(b)$ 
  - Altera âncora de vários blocos
  - Altera várias entradas do índice primário
- Formas de contornar o problema:
  - Remoção por bits de validade
  - Usar um arquivo desordenado de *overflow* (para as inserções, se necessário)
    - Ou uma lista ligada de overflow (os registros do bloco e da lista podem ser ordenados para melhorar a busca)
  - Reorganizações periódicas são necessárias

**E se o campo de ordenação (chave) não tiver valores únicos?**

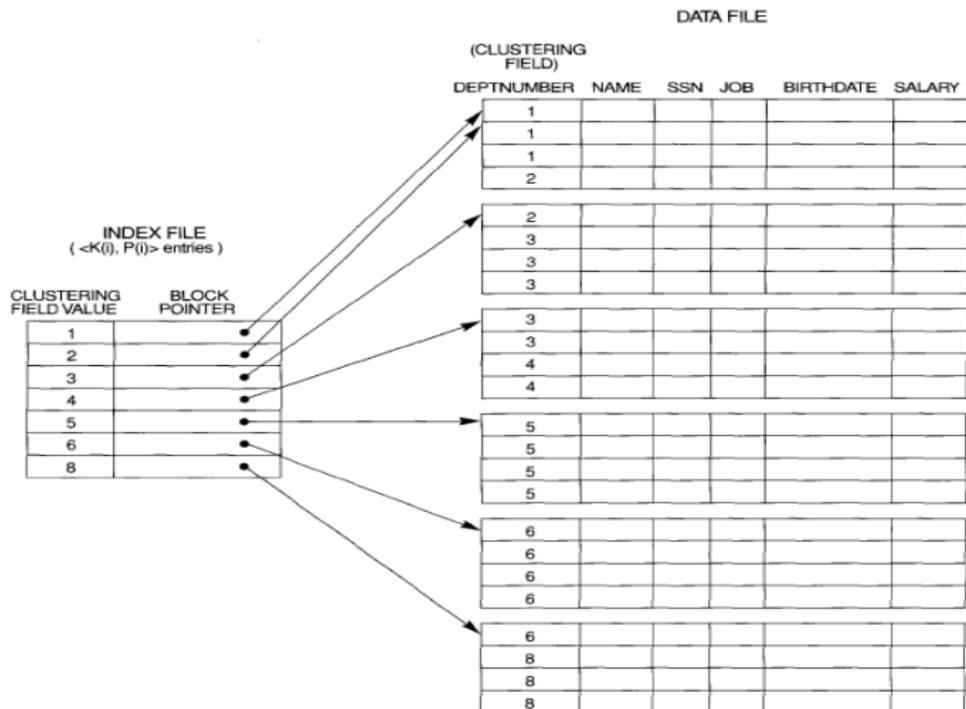
**E se o campo de ordenação (chave) não tiver valores únicos?**

- **Índice de clustering**: arquivo ORDENADO de registros de tamanho fixo contendo os campos  $\langle c, b \rangle$ , sendo  $c$  um campo de classificação física que não possui valores distintos

## E se o campo de ordenação (chave) não tiver valores únicos?

- **Índice de clustering:** arquivo ORDENADO de registros de tamanho fixo contendo os campos  $\langle c, b \rangle$ , sendo  $c$  um campo de classificação física que não possui valores distintos
  - Uma entrada  $\langle c, b \rangle$  para cada valor distinto de  $c$ , sendo  $b$  o primeiro bloco da primeira ocorrência da chave com valor  $c$

# Índice de Clustering



**FIGURE 14.2** A clustering index on the DEPTNUMBER ordering nonkey field of an EMPLOYEE file.

Elmasri & Navathe, 2004

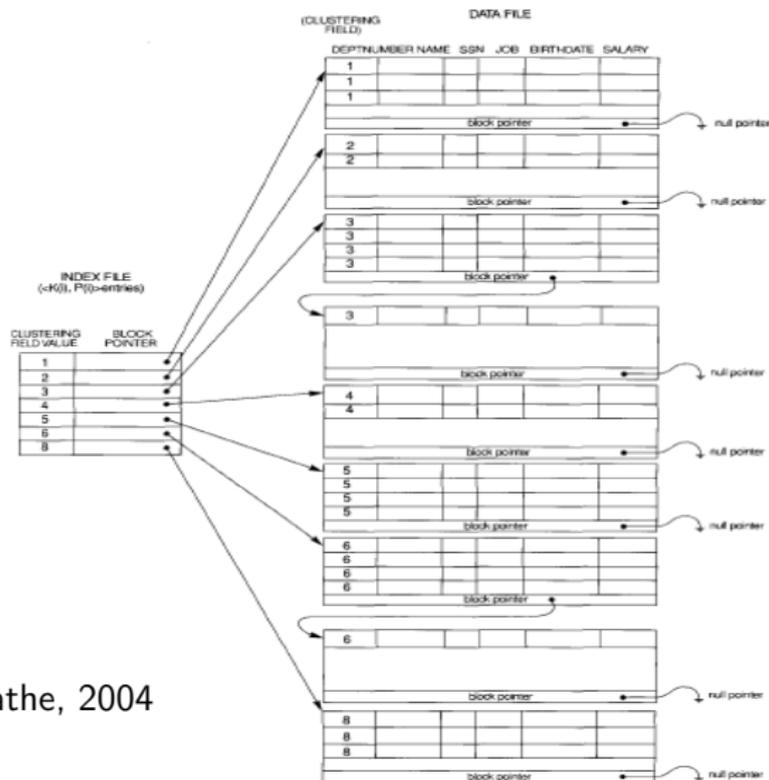
# Índice de Clustering

- **Inserção / remoção**: ainda problemáticas, pois c ordena fisicamente os registros

# Índice de Clustering

- **Inserção / remoção**: ainda problemáticas, pois  $c$  ordena fisicamente os registros
  - Alternativas:
    - Reservar um ou mais blocos para cada valor de  $c$  (ligados por ponteiros)
    - Remoção por bit de validade

# Índice de Clustering



Elmasri & Navathe, 2004

FIGURE 14.3 Clustering index with a separate block cluster for each group of records that share the same value for the clustering field.

# Índice de Clustering

- **Busca:**

- **Busca:**

- Binária nos blocos de índice
- Busca sem sucesso: não acessa bloco de dado
- Busca com sucesso: quer só o primeiro registro ou todos?
  - Primeiro: um bloco de dado (informado no índice)
  - Todos: tem que ler  $q$  blocos (todos daquele valor de chave)
- Quanto maior o número de valores distintos, maior o tempo de busca binária nos índices

# Índices Primários, de Clustering ...

- Índices primários e de clustering são baseados no campo de ordenação física de um arquivo (que é único)
  - Cada arquivo pode ter no máximo um índice primário OU um índice de clustering

# Índices Primários, de Clustering ...

- Índices primários e de clustering são baseados no campo de ordenação física de um arquivo (que é único)
  - Cada arquivo pode ter no máximo um índice primário OU um índice de clustering
- E para os campos que não ordenam fisicamente o arquivo? Podemos ter algo semelhante?

# Índices Primários, de Clustering ...

- Índices primários e de clustering são baseados no campo de ordenação física de um arquivo (que é único)
  - Cada arquivo pode ter no máximo um índice primário OU um índice de clustering
- E para os campos que não ordenam fisicamente o arquivo? Podemos ter algo semelhante?
  - Quantos **índices secundários** quisermos!

# Índices Secundários

- **Índice secundário**: arquivo ORDENADO de registros de tamanho fixo contendo os campos  $\langle i, w \rangle$ , sendo  $i$  um campo de indexação que NÃO ordena fisicamente os registros, podendo ter valores distintos ou não
  - $w$  aponta para um bloco ou registro
- Podem existir vários índices secundários

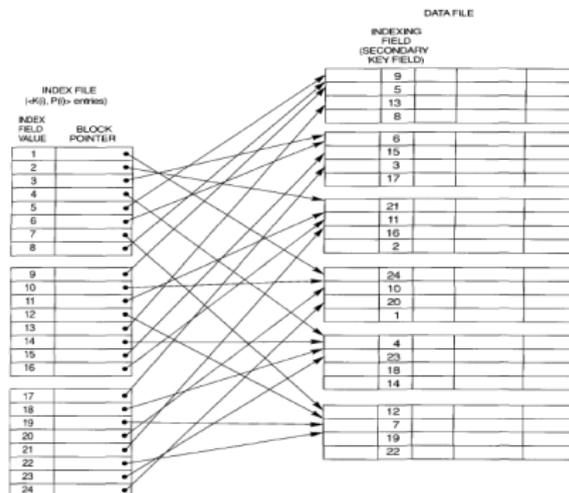


FIGURE 14.4 A dense secondary index (with block pointers) on a nonordering key field of a file.

Elmasri & Navathe, 2004

# Índices Secundários

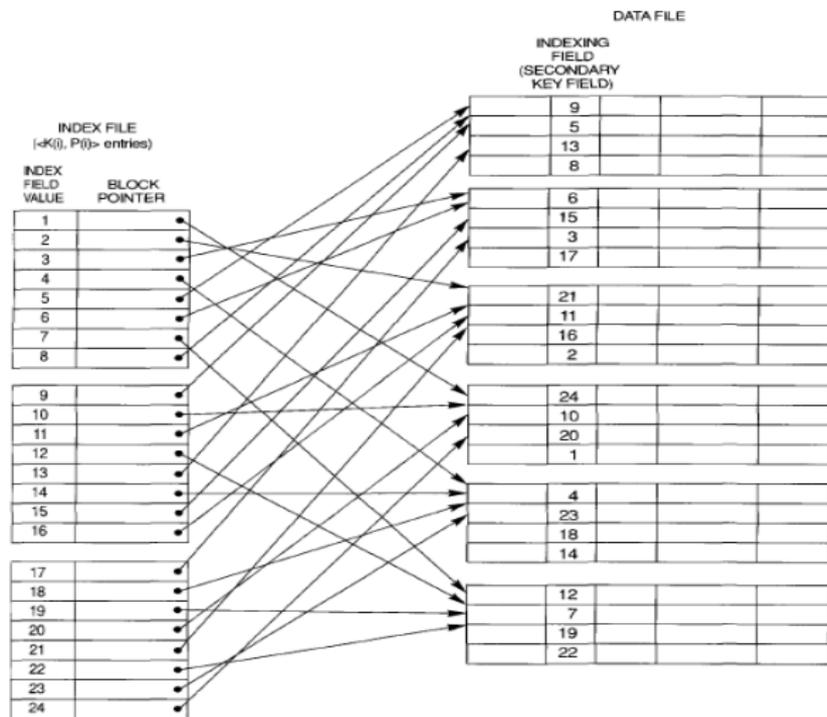


FIGURE 14.4 A dense secondary index (with block pointers) on a nonordering key field of a file.

Elmasri & Navathe, 2004

# Índices Secundários

- Se  $i$  tem valores distintos, o índice é denso
- Se  $i$  tem valores duplicados:
  - Opção 1: diversas entradas para um mesmo  $i$ , cada uma com  $w$  apontando para um registro (denso)
  - Opção 2: 1 entrada para cada valor de  $i$ , e  $w$  multivalorado (campo de tamanho variável) aponta para blocos (esparso)
  - Opção 3: uma entrada para cada valor de  $i$  e  $w$  (campo de tamanho fixo) aponta para um bloco de ponteiros de registros (esparso) – mais usada

# Para esses três tipos de índices:

- Busca binária –  $O(\log b_i)$
- O que dá para fazer se o arquivo é muito grande e o próprio índice ficou grande (com muitos blocos, isto é, grande  $b_i$ )?
  - Índice do índice

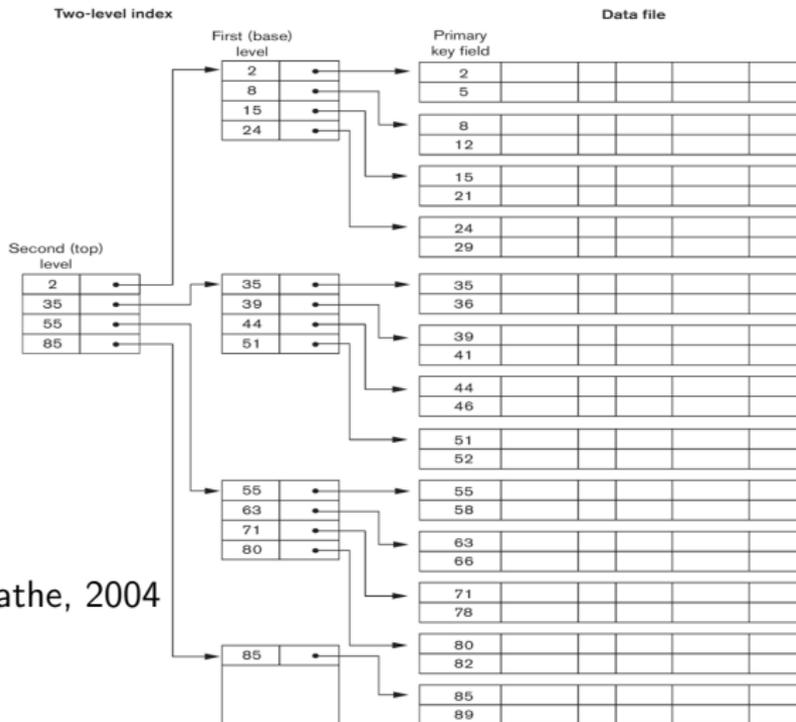
# Organização Indexada Multiníveis

- Nível 1: arquivo de índices para os dados
- Nível 2: arquivo de índices para o arquivo de índices nível 1
- Se no nível 2 precisar de mais de um bloco, criar nível 3
- ...

# Organização Indexada Multiníveis

**Figure 18.6**

A two-level primary index resembling ISAM (Indexed Sequential Access Method) organization.



Elmasri & Navathe, 2004

# Organização Indexada Multiníveis

- **Busca:**

# Organização Indexada Multiníveis

- **Busca:** 1 acesso em cada nível (rápida!) -  $O(t)$  - precisa acessar  $t$  blocos, sendo  $t$  o número de níveis

# Organização Indexada Multiníveis

- **Busca:** 1 acesso em cada nível (rápida!) -  $O(t)$  - precisa acessar  $t$  blocos, sendo  $t$  o número de níveis
  - $t = \lceil (\log_{fbi}(r1)) \rceil$ 
    - $fbi$  = número de registros que cabem em um bloco de índice (fator de blocagem dos blocos de índice)
    - $r1$  = número total de registros de índice no nível 1

# Organização Indexada Multiníveis

- **Inserção / Exclusão:**

# Organização Indexada Multiníveis

- **Inserção / Exclusão:** cada vez mais complexas

# Organização Indexada Multiníveis

- **Inserção / Exclusão**: cada vez mais complexas
  - Podemos precisar alterar **tudo!**

# Organização Indexada Multiníveis

- **Inserção / Exclusão**: cada vez mais complexas
  - Podemos precisar alterar **tudo**!
  
- Como ter uma busca eficiente e inserções e remoções com complexidade satisfatória?

# Organização Indexada Multiníveis

- **Inserção / Exclusão**: cada vez mais complexas
  - Podemos precisar alterar **tudo!**
  
- Como ter uma busca eficiente e inserções e remoções com complexidade satisfatória?
- Assuntos para as próximas aulas!

# Referência

- Slides baseados no material da profa. Ariane Machado Lima - ACH2024
- ELMASRI, R.; NAVATHE, S. B. Fundamentals of Database Systems. 4 ed. Ed. Pearson-Addison Wesley. Cap 13 (até a seção 13.7), 2004
- GOODRICH et al, Data Structures and Algorithms in C++. Ed. John Wiley & Sons, Inc. 2nd ed. 2011. Seção 14.2
- ELMARIS, R.; NAVATHE, S. B. Fundamentals of Database Systems. 4 ed. Ed. Pearson-Addison Wesley. Cap 13 (até a seção 13.7).
- TANEMBAUM, A. S. & BOS, H. Modern Operating Systems. Pearson, 4th ed. 2015

# Algoritmos e Estruturas de Dados II

## Aula 21 – Alocação Indexada

Prof. Luciano A. Digiampietri  
digiampietri@usp.br  
@digiampietri

2025