

# **AULA 13**

# **ESTRUTURA DE DADOS**

---

**Duas pilhas - implementação estática**

**Norton T. Roman & Luciano A. Digiampietri**

# Pilha

Pilha é uma estrutura linear na qual:

- As **inserções** ocorrem no **topo** da pilha;
- As **exclusões** ocorrem no **topo** da pilha.
- Utiliza a mesma lógica de uma **pilha de papéis**.

# Duas pilhas

Imagine que estamos **organizando um conjunto de provas** e temos que separá-las em **dois subconjuntos**

# Duas pilhas

Imagine que estamos **organizando um conjunto de provas** e temos que separá-las em **dois subconjuntos**

Poderíamos criar **uma pilha para cada conjunto**.

# Duas pilhas

Imagine que estamos **organizando um conjunto de provas** e temos que separá-las em **dois subconjuntos**

Poderíamos criar **uma pilha para cada** conjunto.

Porém, isto poderia ser um **desperdício de recursos** (no caso da implementação estática).

# Duas pilhas - implementação estática

Utilizaremos um **único arranjo** de elementos de tamanho predefinido;

# Duas pilhas - implementação estática

Utilizaremos um **único arranjo** de elementos de tamanho predefinido;

Colocaremos “uma pilha” **em cada extremidade do arranjo**;

# Duas pilhas - implementação estática

Utilizaremos um **único arranjo** de elementos de tamanho predefinido;

Colocaremos “uma pilha” **em cada extremidade do arranjo**;

Controlaremos a posição do elemento que está no **topo** de cada uma das “pilhas”.

# Ideia

A	5	2	?	?	21
top1	1				
top2	4				

Temos um arranjo de tamanho predefinido

Temos um campo para indicar a posição do elemento que está no topo

# Ideia

A	5	2	?	?	21
top1	1				
top2	4				

Temos um arranjo de tamanho predefinido

Temos um campo para indicar a posição do elemento que está no topo

Como inserimos o elemento 8 na pilha 2?

# Ideia

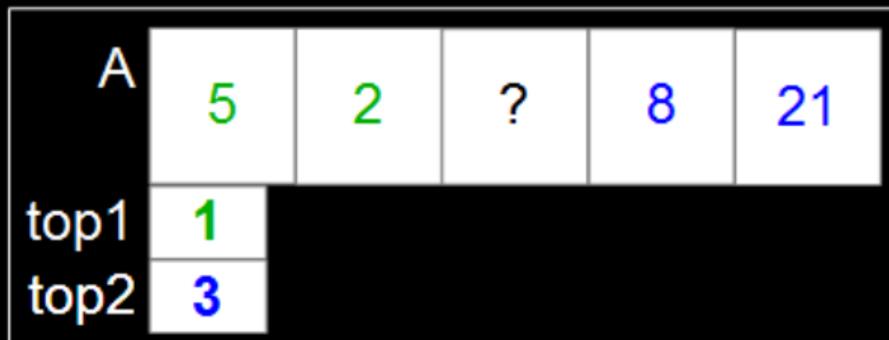
A	5	2	?	8	21
top1	1				
top2	3				

Temos um arranjo de tamanho predefinido

Temos um campo para indicar a posição do elemento que está no topo

Como inserimos o elemento 8 na pilha 2?

# Ideia



Temos um arranjo de tamanho predefinido

Temos um campo para indicar a posição do elemento que está no topo

Como **inserimos o elemento 8 na pilha 2?**

Como **excluimos um elemento da pilha 1?**

# Ideia



Temos um arranjo de tamanho predefinido

Temos um campo para indicar a posição do elemento que está no topo

Como inserimos o elemento 8 na pilha 2?

Como excluimos um elemento da pilha 1?

# Modelagem

```
#include <stdio.h>
```

```
#define MAX 50
```

```
typedef int TIPOCHAVE;
```

```
typedef struct {  
    TIPOCHAVE chave;
```

```
} REGISTRO;
```

```
typedef struct {  
    REGISTRO A[MAX];
```

```
    int topo1;
```

```
    int topo2;
```

```
} PILHADUPLA;
```

# Modelagem

```
#include <stdio.h>
```

```
#define MAX 50
```

```
typedef int TIPOCHAVE;
```

```
typedef struct {  
    TIPOCHAVE chave;  
} REGISTRO;
```

```
typedef struct {  
    REGISTRO A[MAX];  
    int topo1;  
    int topo2;  
} PILHADUPLA;
```

# Modelagem

```
#include <stdio.h>
```

```
#define MAX 50
```

```
typedef int TIPOCHAVE;
```

```
typedef struct {  
    TIPOCHAVE chave;  
} REGISTRO;
```

```
typedef struct {  
    REGISTRO A[MAX];  
    int topo1;  
    int topo2;  
} PILHADUPLA;
```

# Funções de gerenciamento

Implementaremos funções para:

Inicializar a estrutura

Retornar a quantidade de elementos válidos

Exibir os elementos da estrutura

Inserir elementos na estrutura (*push*)

Excluir elementos da estrutura (*pop*)

Reinicializar a estrutura

# Inicialização

Para inicializar uma pilha já criada pelo usuário, precisamos apenas acertar o valor dos campos *topo1* e *topo2*.

# Inicialização

Para inicializar uma pilha já criada pelo usuário, precisamos apenas acertar o valor dos campos *topo1* e *topo2*.

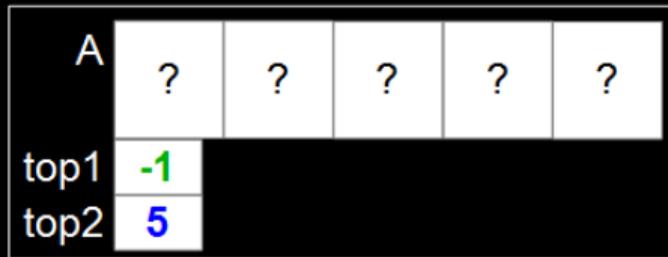
Já que o topo indicará a posição no arranjo do elemento que está no topo das pilhas e as pilhas estão vazias, iniciaremos com os valores  $\text{topo1} = -1$  e  $\text{topo2} = \text{MAX}$ .

# Inicialização

```
void inicializarPilhaDupla(PILHADUPLA* p) {  
    p->topo1 = -1;  
    p->topo2 = MAX;  
}
```

# Inicialização

```
void inicializarPilhaDupla(PILHADUPLA* p) {  
    p->topo1 = -1;  
    p->topo2 = MAX;  
}
```



**Retornar número de elementos**

# Retornar número de elementos

Podemos utilizar os valores dos campos *topo1* e *topo2* para calcular o número de elementos:

# Retornar número de elementos

Podemos utilizar os valores dos campos *topo1* e *topo2* para calcular o número de elementos:

Na “pilha 1” há *topo1 + 1* elementos válidos;

# Retornar número de elementos

Podemos utilizar os valores dos campos *topo1* e *topo2* para calcular o número de elementos:

Na “pilha 1” há *topo1 + 1* elementos válidos;

Na “pilha 2” há *MAX - topo2* elementos válidos;

# Retornar número de elementos

```
int tamanhoPilhaDupla(PILHADUPLA* p) {  
    return p->topo1 + 1 + MAX - p->topo2;  
}
```

# Exibição/Impressão

Para exibir os elementos da estrutura precisaremos iterar pelos **elementos** válidos e, por exemplo, **imprimir suas chaves**.

Um dos parâmetros da função de impressão irá nos dizer **qual das pilhas** será exibida.

# Exibição/Impressão

```
bool exibirUmaPilha(PILHADUPLA* p, int pilha) {
```

```
}
```

# Exibição/Impressão

```
bool exibirUmaPilha(PILHADUPLA* p, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
  
    return true;  
}
```

# Exibição/Impressão

```
bool exibirUmaPilha(PILHADUPLA* p, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
    printf("Pilha %i: \n ", pilha);  
  
    printf("\n\n");  
    return true;  
}
```

# Exibição/Impressão

```
bool exibirUmaPilha(PILHADUPLA* p, int pilha) {
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;
    printf("Pilha %i: \n ", pilha);
    int i;
    if (pilha == 1) for (i=p->topo1;i>=0;i--) printf("%i ", p->A[i].chave);

    printf("\n\n");
    return true;
}
```

A	5	2	?	?	21
top1	1				
top2	4				

# Exibição/Impressão

```
bool exibirUmaPilha(PILHADUPLA* p, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
    printf("Pilha %i: \n ", pilha);  
    int i;  
    if (pilha == 1) for (i=p->topo1;i>=0;i--) printf("%i ", p->A[i].chave);  
    else for (i=p->topo2;i<MAX;i++) printf("%i ", p->A[i].chave);  
    printf("\n\n");  
    return true;  
}
```

A	5	2	?	?	21
top1	1				
top2	4				

# Inserção de um elemento (*push*)

O usuário passa como parâmetro **um registro** a ser inserido na pilha e diz **em qual pilha** deseja inserir

# Inserção de um elemento (*push*)

O usuário passa como parâmetro **um registro** a ser inserido na pilha e diz **em qual pilha** deseja inserir

Se a estrutura não estiver **cheia**, o elemento será inserido no topo da respectiva pilha, ou melhor, **“acima” do elemento que está no topo da pilha.**

# Inserção de um elemento (*push*)

```
bool inserirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO reg, int pilha) {
```

```
}
```



# Inserção de um elemento (*push*)

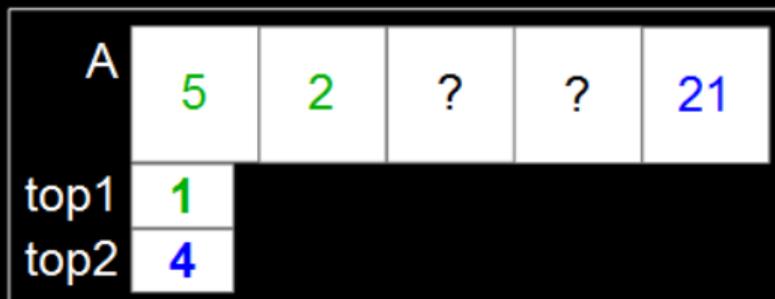
```
bool inserirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO reg, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
}
```



# Inserção de um elemento (*push*)

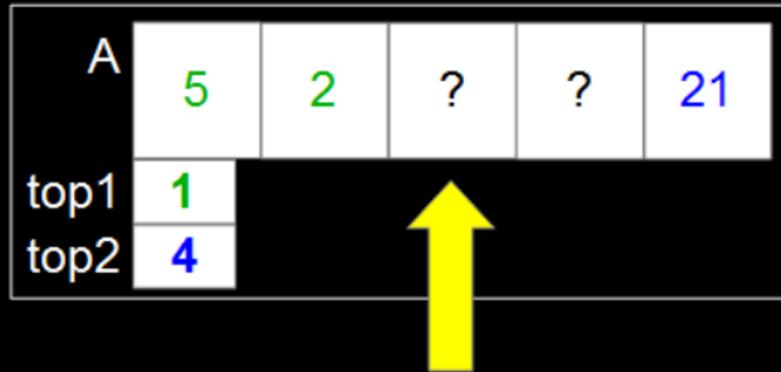
```
bool inserirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO reg, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
    if (p->topo1 + 1 == p->topo2) return false;
```

```
}
```



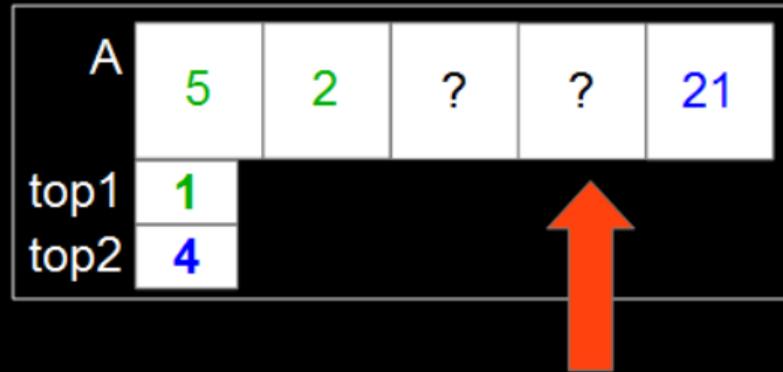
# Inserção de um elemento (*push*)

```
bool inserirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO reg, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
    if (p->topo1 + 1 == p->topo2) return false;  
    if (pilha == 1) {  
        p->topo1 = p->topo1+1;  
        p->A[p->topo1] = reg;  
    }  
}
```



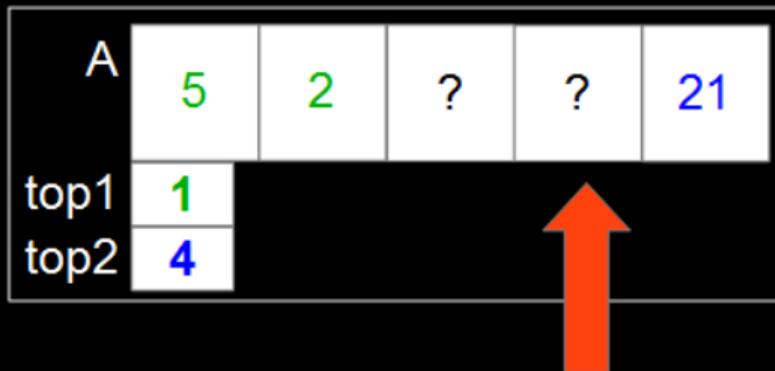
# Inserção de um elemento (*push*)

```
bool inserirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO reg, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
    if (p->topo1 + 1 == p->topo2) return false;  
    if (pilha == 1) {  
        p->topo1 = p->topo1+1;  
        p->A[p->topo1] = reg;  
    } else{  
        p->topo2 = p->topo2-1;  
        p->A[p->topo2] = reg;  
    }  
}
```



# Inserção de um elemento (*push*)

```
bool inserirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO reg, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;  
    if (p->topo1 + 1 == p->topo2) return false;  
    if (pilha == 1) {  
        p->topo1 = p->topo1+1;  
        p->A[p->topo1] = reg;  
    } else{  
        p->topo2 = p->topo2-1;  
        p->A[p->topo2] = reg;  
    }  
    return true;  
}
```



# Exclusão de um elemento (*pop*)

O usuário solicita a exclusão do elemento do **topo** de uma das pilhas:

# Exclusão de um elemento (*pop*)

O usuário solicita a exclusão do elemento do **topo de uma das pilhas**:

Se a pilha **não estiver vazia**, além de excluir esse elemento da pilha iremos **copiá-lo para um local indicado pelo usuário**.

# Exclusão de um elemento (*pop*)

```
bool excluirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO* reg, int pilha) {
```

```
}
```

# Exclusão de um elemento (*pop*)

```
bool excluirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO* reg, int pilha) {  
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;
```

```
}
```

# Exclusão de um elemento (*pop*)

```
bool excluirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO* reg, int pilha) {
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;
    if (pilha == 1) {
        if (p->topo1 == -1) return false;
        *reg = p->A[p->topo1];
        p->topo1 = p->topo1 - 1;
    }
}
```

# Exclusão de um elemento (*pop*)

```
bool excluirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO* reg, int pilha) {
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;
    if (pilha == 1) {
        if (p->topo1 == -1) return false;
        *reg = p->A[p->topo1];
        p->topo1 = p->topo1 - 1;
    }else{
        if (p->topo2 == MAX) return false;
        *reg = p->A[p->topo2];
        p->topo2 = p->topo2 + 1;
    }
}
```

# Exclusão de um elemento (*pop*)

```
bool excluirElementoPilha(PILHADUPLA* p, REGISTRO* reg, int pilha) {
    if (pilha < 1 || pilha > 2) return false;
    if (pilha == 1) {
        if (p->topo1 == -1) return false;
        *reg = p->A[p->topo1];
        p->topo1 = p->topo1 - 1;
    }else{
        if (p->topo2 == MAX) return false;
        *reg = p->A[p->topo2];
        p->topo2 = p->topo2 + 1;
    }
    return true;
}
```

# Reinicialização da pilha

# Reinicialização da pilha

Para esta estrutura, para reinicializar as pilhas basta acertar os valores de *topo1* e *topo2* ou chamarmos a função *inicializarPilhaDupla*.

# Reinicialização da pilha

```
void reinicializarPilha(PILHADUPLA* p) {  
    p->topo1 = -1;  
    p->topo2 = MAX;  
}
```

```
void reinicializarPilha2(PILHADUPLA* p) {  
    inicializarPilhaDupla(p);  
}
```

# **AULA 13**

# **ESTRUTURA DE DADOS**

---

**Duas pilhas - implementação estática**

**Norton T. Roman & Luciano A. Digiampietri**